

D.P. EDUCATIONAL CENTRE

Director: Engg. Ravindra Kumar Sahani

स्थान: जिगनाही, बगहा (पश्चिम चंपारण, बिहार) | वेबसाइट: dpeducational.com

विशेष कोर्स: SSC & Competitive Exams Maths Master Notes (L-4)

अध्याय: संख्या पद्धति (Number System) - श्रेणी तथा समांतर श्रेणी (AP) आधारित प्रश्न

प्रश्न 1: यदि 5 क्रमिक पूर्णाकों का योग S हो, तो उनमें सबसे बड़ा पूर्णांक S से किस रूप में संबंधित होगा?

हल (Step-by-Step Solution):

अवधारणा (Concept):

- औसत (Average) = योग / संख्या
- यदि पदों के बीच अंतर समान (Gap Same) हो, तो औसत (Average) = मध्य पद (Mid Point) होता है।

- 5 पदों का औसत (मध्य पद / 3रा पद) = $S / 5$
- चूँकि पूर्णांक क्रमिक (Consecutive) हैं, इसलिए अगला पद +1 और उससे अगला (सबसे बड़ा / 5वाँ पद) +2 होगा।

$$\begin{aligned}\text{सबसे बड़ा पूर्णांक} &= (S / 5) + 2 \\ &= (S + 10) / 5\end{aligned}$$

उत्तर: $(S + 10) / 5$

प्रश्न 2: श्रेणी $1 + 2 + 3 + \dots$ के कितने पदों का योगफल 5050 होगा?

हल (Step-by-Step Solution):

शॉर्ट ट्रिक ट्रिक्स पैटर्न (Special Pattern Tricks):

- $1 + 2 + 3 + \dots + 10 = 55 \rightarrow [10 \div 2 = 5 \rightarrow "55"]$
- $1 + 2 + 3 + \dots + 100 = 5050 \rightarrow [100 \div 2 = 50 \rightarrow "5050"]$
- $1 + 2 + 3 + \dots + 1000 = 500500 \rightarrow [1000 \div 2 = 500 \rightarrow "500500"]$

चूँकि योग 5050 दिया गया है, इसलिए पदों की संख्या $n = 100$ होगी।

उत्तर: 100 पद

प्रश्न 3: $1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 + 13 + 15 + \dots$ के 15 पदों तक का योगफल क्या होगा?

हल (Step-by-Step Solution):

समांतर श्रेणी (Arithmetic Progression - AP) का सूत्र:

अंतर समान है (Gap Same = 2), इसलिए यह AP है।

- n वाँ पद (l) = $2n - 1$
- योग (Sum) = $(n / 2) \times [\text{प्रथम पद} + \text{अंतिम पद}]$

1. 15वाँ (अंतिम) पद ज्ञात करना:

$$\text{अंतिम पद} = (15 \times 2) - 1 = 30 - 1 = \mathbf{29}$$

2. योगफल (Sum) ज्ञात करना:

$$\text{Sum} = (15 / 2) \times [1 + 29]$$

$$\text{Sum} = (15 / 2) \times 30 = 15 \times 15 = \mathbf{225}$$

उत्तर: 225